



PROFESSOR(S): José Pedro de Carvalho e Tânia Beatriz Eich

ÁREA: Matemática e suas Tecnologias

DISCIPLINA: Matemática

Série: 3º Ano

NOME DO ALUNO: _____

TURMA: _____

1ª ATIVIDADE REFERENTE AO MÊS DE SETEMBRO - 2020

ASSUNTO: Geometria Espacial: Prismas

OBJETIVO: Identificar e diferenciar os Prismas de outros sólidos geométricos como Cones, Cilindros e Pirâmides. - Reconhecer e resolver problemas que envolvam os elementos de um prisma (base, altura, faces, arestas) - Classificar prismas como retos, oblíquos ou regulares - Calcular a Área e o Volume de prismas.

ROTINA DE ESTUDOS:

1) Primeiro assista os 2 vídeos que abordam Prismas:

1 <http://gg.gg/PRISMAS-CONCEITOS-INICIAIS>

2 <http://gg.gg/Prismas-AREAEVOLUME> . Assista quantas vezes forem necessárias.

2) Depois de estudar também o material abaixo, faça a avaliação, e cuide a **data da entrega**. Essa atividade corresponde à **primeira quinzena de setembro de 2020**. Bons estudos e ótimo trabalho.

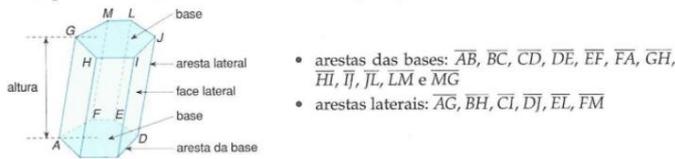
2. Os prismas

Considere os seguintes poliedros convexos.



Neles, estão destacadas duas faces. Essas duas faces são opostas, paralelas e congruentes. As demais faces têm forma de paralelogramo. A esses tipos de poliedro chamamos de **prismas**. As duas faces opostas congruentes são chamadas de **bases** e as outras, em forma de paralelogramos, de **faces laterais**.

No prisma abaixo, estamos destacando seus principais elementos.



De acordo com os polígonos das bases, um prisma pode ser:

- **triangular** – as bases são triângulos;
 - **quadrangular** – as bases são quadriláteros;
 - **pentagonal** – as bases são pentágonos;
 - **hexagonal** – as bases são hexágonos;
- e assim por diante.

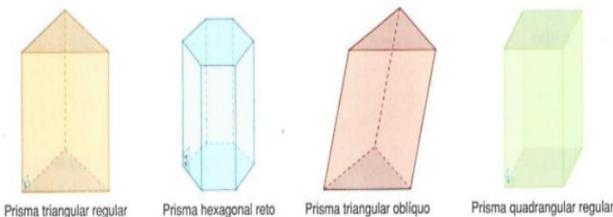
Prismas regulares

Em relação à inclinação das arestas laterais, os prismas podem ser:

- **prisma reto** – quando todas as faces laterais são retângulos;
- **prisma oblíquo** – quando nem todas as faces laterais são retângulos.

Quando as bases de um prisma reto são polígonos regulares, ele é chamado de **prisma regular**.

Veja alguns exemplos de prismas:



Áreas da superfície de um prisma

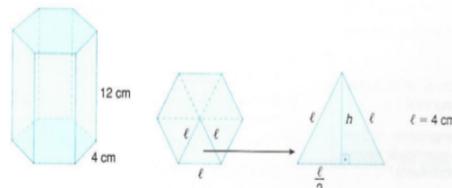
- **Área da base (A_b):** é a área de um dos polígonos das bases.
- **Área lateral (A_l):** é a soma das áreas das faces laterais.
- **Área total (A_t):** é a soma da área lateral com o dobro da área de uma das bases.

$$A_t = A_l + 2 \cdot A_b$$

Exemplo

Dado um prisma hexagonal regular cuja altura mede 12 cm e uma aresta da base mede 4 cm, vamos calcular o que se pede.

a) Área da base (A_b)



• Cálculo da área do triângulo equilátero:

Aplicando o teorema de Pitágoras no triângulo equilátero, temos:

$$\ell^2 = h^2 + \left(\frac{\ell}{2}\right)^2 \Rightarrow h^2 = \ell^2 - \frac{\ell^2}{4} \Rightarrow h^2 = \frac{3\ell^2}{4} \Rightarrow h = \frac{\ell\sqrt{3}}{2} \text{ ou } h = -\frac{\ell\sqrt{3}}{2} \text{ (não serve)}$$

$$\text{Então: } A_{\text{triângulo}} = \frac{\ell \cdot \frac{\ell\sqrt{3}}{2}}{2} = \frac{\ell^2 \cdot \sqrt{3}}{4}$$

Atenção

h representa a medida de uma altura, portanto é um número positivo.

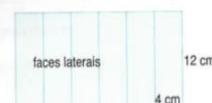
• Cálculo da área do hexágono regular:

A área de um hexágono regular é 6 vezes a área de um triângulo equilátero.

$$A = 6 \cdot \frac{\ell^2 \cdot \sqrt{3}}{4} = 6 \cdot \frac{4^2 \cdot \sqrt{3}}{4} = 24\sqrt{3}$$

Logo, a área da base é $24\sqrt{3} \text{ cm}^2$.

b) Área lateral (A_l)

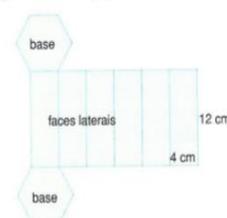


A área lateral é a soma das áreas de 6 retângulos:

$$A_l = 6 \cdot (4 \cdot 12) = 6 \cdot 48 = 288$$

Logo, a área lateral é 288 cm^2 .

c) Área total (A_t)



$$A_t = A_l + 2A_b$$

$$A_t = 288 + 2 \cdot 24\sqrt{3} = 288 + 48\sqrt{3}$$

Logo, a área total é $(288 + 48\sqrt{3}) \text{ cm}^2$.

Paralelepípedos

Paralelepípedo é um prisma cujas faces são paralelogramos.

Um paralelepípedo cujas faces são retângulos é chamado de **paralelepípedo retângulo**, ou **ortostedro** ou **bloco retangular**.

Um paralelepípedo retângulo que possui todas as faces quadradas é chamado de **cubo**.

Veja alguns exemplos de paralelepípedos:



Paralelepípedo oblíquo

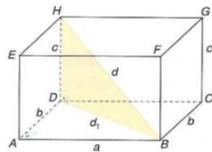
Paralelepípedo retângulo

Cubo

Diagonal de um paralelepípedo retângulo

Na figura ao lado, indicamos por d a medida da diagonal do paralelepípedo retângulo, por d_1 a medida da diagonal da base e por a , b e c as medidas das arestas.

- Aplicando o teorema de Pitágoras no $\triangle ABD$: $d_1^2 = a^2 + b^2$
- Aplicando o teorema de Pitágoras no $\triangle BDH$: $d^2 = d_1^2 + c^2$



$$\text{Portanto: } d^2 = a^2 + b^2 + c^2 \Rightarrow d = \sqrt{a^2 + b^2 + c^2}$$

No caso particular de um cubo, de aresta a , temos:

$$d = \sqrt{a^2 + a^2 + a^2} \Rightarrow d = \sqrt{3a^2} \Rightarrow d = a\sqrt{3}$$

Exemplos

1. Vamos calcular a medida da diagonal, em centímetros, do paralelepípedo retângulo de dimensões 5 cm, 8 cm e 6 cm.

$$d = \sqrt{a^2 + b^2 + c^2} = \sqrt{8^2 + 5^2 + 6^2} = \sqrt{64 + 25 + 36} = \sqrt{125} = 5\sqrt{5}$$

Logo, a medida da diagonal é $5\sqrt{5}$ cm.

Exemplos

1. Vamos calcular a medida da diagonal, em centímetros, do paralelepípedo retângulo de dimensões 5 cm, 8 cm e 6 cm.

$$d = \sqrt{a^2 + b^2 + c^2} = \sqrt{8^2 + 5^2 + 6^2} = \sqrt{64 + 25 + 36} = \sqrt{125} = 5\sqrt{5}$$

Logo, a medida da diagonal é $5\sqrt{5}$ cm.

2. Vamos calcular o comprimento de um paralelepípedo retângulo de largura 6 cm e altura 4 cm cuja diagonal mede $\sqrt{152}$ cm.

Indicando por c o comprimento em centímetros, temos:

$$d = \sqrt{a^2 + b^2 + c^2} \Rightarrow \sqrt{152} = \sqrt{4^2 + 6^2 + c^2} \Rightarrow (\sqrt{152})^2 = (4^2 + 6^2 + c^2) \Rightarrow$$

$$\Rightarrow 152 = 16 + 36 + c^2 \Rightarrow c = 10 \text{ ou } c = -10 \text{ (não serve)}$$

Logo, o comprimento é 10 cm.

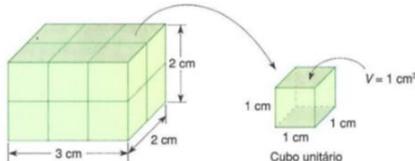
Atenção
c representa a medida de uma aresta, portanto não pode ser um número negativo.

Volume de um prisma

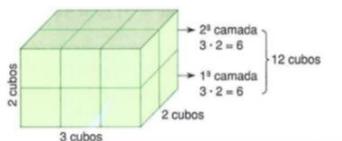
O volume de um sólido é a quantidade de espaço por ele ocupado. Essa quantidade é determinada comparando-se esse sólido com um outro tomado como unidade. Dessa comparação resulta um número que será a medida do volume.

Vamos ver o caso de um paralelepípedo retângulo. Inicialmente, vamos considerar um cubo unitário cuja medida de cada aresta é 1. Tomado como unidade, o volume desse cubo é 1.

Para exemplificar, vamos tomar um paralelepípedo retângulo com 3 cm de comprimento, 2 cm de largura e 2 cm de altura.



Vamos verificar quantos cubos unitários cabem no paralelepípedo considerado.



Como são 12 cubos com volume de 1 cm^3 , temos que o volume do paralelepípedo retângulo é 12 cm^3 .

Para obter o volume desse paralelepípedo, podemos calcular o produto das três dimensões: $V = (3 \cdot 2 \cdot 2) \text{ cm}^3 = 12 \text{ cm}^3$

De modo geral, sendo a , b , c as dimensões de um paralelepípedo, o seu volume é dado por:

$$V = a \cdot b \cdot c$$

Note que $a \cdot b$ expressa a área da base do prisma (paralelepípedo retângulo) e c a altura desse prisma. Assim, indicando por V o volume, temos:

$$V = B \cdot h$$

\downarrow Área da base do prisma
 \downarrow Altura do prisma

No caso particular de um cubo de aresta a , temos: $V = a^3$

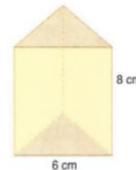
Exemplos

1. A aresta da base de um prisma triangular regular mede 6 cm e a aresta lateral, 8 cm. Vamos calcular o volume desse prisma, em cm^3 .

$$\text{Área da base: } B = \frac{\ell^2 \cdot \sqrt{3}}{4} = \frac{6^2 \cdot \sqrt{3}}{4} = 9\sqrt{3}$$

$$\text{Volume: } V = B \cdot h = 9\sqrt{3} \cdot 8 = 72\sqrt{3}$$

Logo, o volume do prisma é $72\sqrt{3} \text{ cm}^3$.



2. O volume de um prisma hexagonal regular é $81\sqrt{3} \text{ cm}^3$. Vamos calcular sua altura, em cm, sabendo-se que ela é o dobro da medida da aresta da base.

Indicando por a a medida da aresta da base, temos $h = 2a$.

$$\text{Área da base: } B = 6 \cdot \frac{a^2 \cdot \sqrt{3}}{4} = \frac{3a^2 \cdot \sqrt{3}}{2}$$

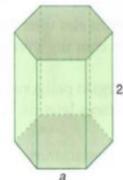
Volume:

$$V = B \cdot h = 81\sqrt{3} \Rightarrow \frac{3a^2 \sqrt{3}}{2} \cdot 2a = 81\sqrt{3} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow 3a^3 \cdot \sqrt{3} = 81\sqrt{3} \Rightarrow a^3 = 27 \Rightarrow a = 3$$

Como $h = 2a$, temos: $h = 2 \cdot 3 = 6$

Logo, a altura mede 6 cm.



3. Vamos calcular o volume do cubo, em cm^3 , cuja diagonal mede $5\sqrt{3}$ cm.

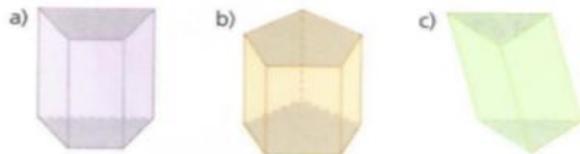
• Cálculo da medida da aresta: $d = a\sqrt{3} \Rightarrow 5\sqrt{3} = a\sqrt{3} \Rightarrow a = 5$

• Cálculo do volume: $V = a^3 \Rightarrow V = 5^3 = 125$

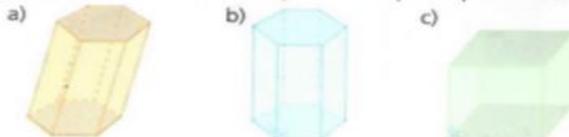
Logo, o volume do cubo é 125 cm^3 .

AVALIAÇÃO

8. Classifique os prismas a seguir, em relação aos polígonos das bases.



9. Classifique os prismas como prisma oblíquo ou prisma reto.



10. Quantas são as faces de um prisma que tem 15 arestas?

12. A aresta da base de um prisma quadrangular regular mede 8 cm e sua altura mede 7,5 cm. Calcule:
 - a) a área lateral;
 - b) a área total.

13. A aresta da base de um prisma triangular regular mede $\sqrt{3}$ cm e sua altura mede $2\sqrt{3}$ cm. Calcule a área total desse prisma.

14. Um prisma hexagonal regular tem 5 cm de altura. A aresta da base mede 2 cm. Calcule sua área total.

15. Uma caixa de madeira tem 20 cm de comprimento, 12,5 cm de largura e 18 cm de altura. Qual a quantidade mínima de tecido necessária para recobri-la totalmente?

18. Cada aresta de um cubo mede 6 cm. Calcule:
 - a) a medida de uma das diagonais de uma face;
 - b) a medida de uma diagonal do cubo;
 - c) a área total do cubo.

19. Se sua sala de aula tiver 12 m de comprimento, 8 m de largura e 3 m de altura, calcule quanto mede um fio esticado que una o canto superior direito de uma parede com o canto inferior esquerdo da parede oposta.

2ª ATIVIDADE REFERENTE AO MÊS DE SETEMBRO - 2020

ASSUNTO: Geometria Espacial: Pirâmides

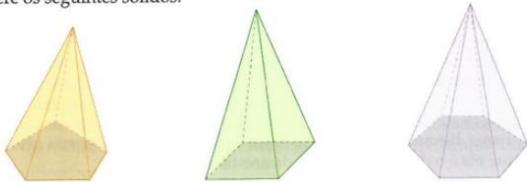
OBJETIVO: Identificar e diferenciar as Pirâmides de outros sólidos geométricos como Prismas, Cones e Cilindros - Reconhecer e resolver problemas que envolvam aos elementos de uma Pirâmide (base, altura, faces, arestas) - Classificar Pirâmides como retas, oblíquas ou regulares - Calcular a Área e o Volume de Pirâmides.

ROTINA DE ESTUDOS:

- 1) Primeiro assista os 2 vídeos que abordam Pirâmides:
 1 <http://gg.gg/PIRAMIDE-AREAS-VOLUMES>
 2 <http://gg.gg/TETRAEDRO-AREA-VOLUME> . Assista quantas vezes forem necessárias.
- 2) Depois de estudar também o material abaixo, faça a avaliação, e cuide a **data da entrega**. Essa atividade corresponde à **segunda quinzena de setembro de 2020**. Bons estudos e ótimo trabalho.

3. As pirâmides

Considere os seguintes sólidos:



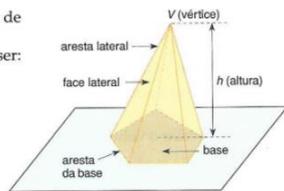
Observe que em todos eles uma das faces é uma região poligonal qualquer e as demais faces são triangulares com um vértice comum. A esses tipos de poliedro chamamos de **pirâmides**.

Numa pirâmide a região poligonal é chamada de **base** e as outras faces, todas triangulares, são chamadas de **faces laterais**. A distância do vértice ao plano da base é chamada de **altura** da pirâmide.

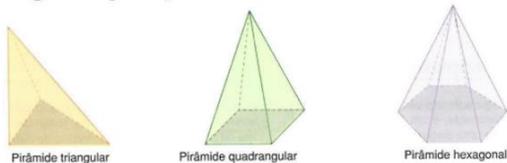
Na figura ao lado, destacamos os principais elementos de uma pirâmide.

De acordo com o polígono da base, uma pirâmide pode ser:

- **triangular** – a base é um triângulo;
- **quadrangular** – a base é um quadrilátero;
- **pentagonal** – a base é um pentágono;
- **hexagonal** – a base é um hexágono; e assim por diante.



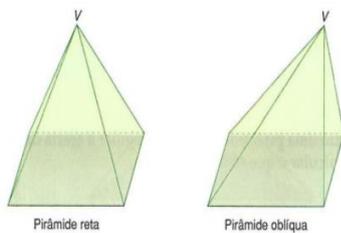
Vejam alguns exemplos de pirâmides:



Pirâmides regulares

Podemos classificar as pirâmides como retas ou oblíquas:

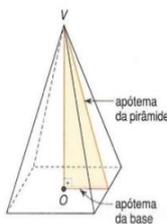
- **pirâmide reta** – quando todas as arestas laterais são congruentes.
- **pirâmide oblíqua** – quando não é uma pirâmide reta.



Uma pirâmide reta que tem como base um polígono regular é chamada de **pirâmide regular**.

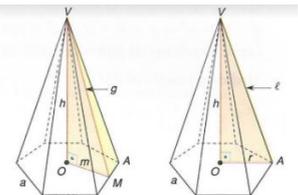
Em toda pirâmide regular:

- o segmento que une o vértice ao centro da base é perpendicular ao plano da base, e seu comprimento é portanto a altura h da pirâmide;
- as faces laterais são triângulos isósceles congruentes;
- o apótema do polígono regular da base é chamado de **apótema da base**;
- a altura de uma face lateral relativa à aresta da base é chamada de **apótema da pirâmide**.



Considerando uma pirâmide regular, indicamos a medida:

- da aresta da base por a ;
- da altura da pirâmide por h ;
- do apótema da base por m ;
- da aresta lateral por ℓ ;
- do apótema da pirâmide por g ;
- do raio do círculo que circunscreve a base por r .



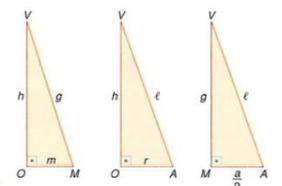
Observe os triângulos destacados nas pirâmides hexagonais regulares.

Utilizando o teorema de Pitágoras nesses triângulos, encontramos as relações métricas a seguir.

• Do triângulo retângulo VOM, temos: $h^2 + m^2 = g^2$

• Do triângulo retângulo VOA, temos: $h^2 + r^2 = \ell^2$

• Do triângulo retângulo VMA, temos: $g^2 + \left(\frac{a}{2}\right)^2 = \ell^2$

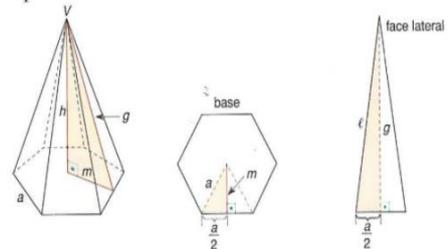


Áreas da superfície de uma pirâmide

- **Área da base (A_b):** é a área do polígono da base.
- **Área lateral (A_l):** é a soma das áreas das faces laterais.
- **Área total (A_t):** é a soma da área lateral com a área da base.

Exemplo

Em uma pirâmide hexagonal regular a aresta da base mede $4\sqrt{3}$ cm e a altura, 8 cm. Vamos calcular o que se pede.



a) Medida do apótema da base:

$$m^2 + \left(\frac{a}{2}\right)^2 = a^2 \Rightarrow m^2 + \left(\frac{4\sqrt{3}}{2}\right)^2 = (4\sqrt{3})^2 \Rightarrow m^2 + 12 = 48 \Rightarrow m^2 = 36 \Rightarrow m = 6 \text{ ou } m = -6 \text{ (não serve)}$$

Logo, o apótema da base mede 6 cm.

b) Medida do apótema da pirâmide:

$$g^2 = h^2 + m^2 \Rightarrow g^2 = 8^2 + 6^2 \Rightarrow g^2 = 100 \Rightarrow g = 10 \text{ ou } g = -10 \text{ (não serve)}$$

Logo, o apótema da pirâmide mede 10 cm.

c) Medida da aresta lateral:

$$\ell^2 = g^2 + \left(\frac{a}{2}\right)^2 \Rightarrow \ell^2 = 10^2 + \left(\frac{4\sqrt{3}}{2}\right)^2 \Rightarrow \ell^2 = 100 + 12 \Rightarrow \ell^2 = 112 \Rightarrow \ell = 4\sqrt{7} \text{ ou } \ell = -4\sqrt{7} \text{ (não serve)}$$

Logo, a aresta lateral mede $4\sqrt{7}$ cm.

d) Área da base:

Observe pela figura que a base da pirâmide é um hexágono regular que pode ser dividido em seis triângulos equiláteros de lado medindo a e altura medindo m . Assim:

$$A_b = 6 \cdot \left(\frac{a \cdot m}{2} \right) = 3am = 3 \cdot 4\sqrt{3} \cdot 6 = 72\sqrt{3}$$

Logo, a área da base é $72\sqrt{3} \text{ cm}^2$.

e) Área lateral: $A_l = 6 \cdot \left(\frac{a \cdot g}{2} \right) = \frac{6 \cdot 4\sqrt{3} \cdot 10}{2} = 120\sqrt{3}$

Logo, a área lateral é $120\sqrt{3} \text{ cm}^2$.

f) Área total: $A_t = A_b + A_l = 72\sqrt{3} + 120\sqrt{3} = 192\sqrt{3}$

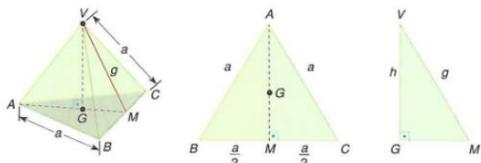
Logo, a área total é $192\sqrt{3} \text{ cm}^2$.

Tetraedro

Uma pirâmide triangular é também chamada de **tetraedro**. Nesse caso, a pirâmide tem quatro faces triangulares.

Quando um tetraedro possui todas as arestas congruentes, ele é chamado de **tetraedro regular** e, nesse caso, as suas quatro faces são triângulos equiláteros congruentes.

Considere um tetraedro regular de aresta a .



Vamos determinar em função da medida a de sua aresta:

• a medida do apótema do tetraedro

O apótema \overline{AM} é a altura de um triângulo equilátero de lado a . Logo:

$$g = \frac{a\sqrt{3}}{2}$$

• a medida da altura do tetraedro

O ponto G é o baricentro do triângulo ABC , portanto $GM = \frac{1}{3}AM$. Como $AM = g$,

temos $GM = \frac{1}{3}g$.

No $\triangle VGM$, aplicando Pitágoras, temos:

$$(VG)^2 + (GM)^2 = (VM)^2 \Rightarrow h^2 + \left(\frac{1}{3}g\right)^2 = g^2 \Rightarrow h^2 = g^2 - \frac{1}{9}g^2 \Rightarrow h^2 = \frac{8}{9}g^2 \Rightarrow$$

$$\Rightarrow h^2 = \frac{8}{9} \left(\frac{a\sqrt{3}}{2} \right)^2 = \frac{8}{9} \cdot \frac{3a^2}{4} = \frac{6a^2}{9} \Rightarrow h = \sqrt{\frac{6a^2}{9}} = \frac{a\sqrt{6}}{3}$$

Assim, a medida da altura de um tetraedro regular de aresta a é dada por:

$$h = \frac{a\sqrt{6}}{3}$$

• a área lateral e a área total

Como o tetraedro é regular, suas quatro faces são triângulos regulares congruentes. Então, a área lateral do tetraedro é três vezes a área de uma das faces (triângulo equilátero de lado a) e a área total é quatro vezes a área de uma face. Assim:

$$A_l = \frac{3a^2\sqrt{3}}{4}$$

e

$$A_t = a^2\sqrt{3}$$

Atenção

$$A_{\text{base}} = \frac{a^2 \cdot \sqrt{3}}{4}$$

$$A_l = 4 \cdot \frac{a^2 \cdot \sqrt{3}}{4} = a^2 \cdot \sqrt{3}$$

Como exemplo de aplicação dessas fórmulas, vamos considerar um tetraedro regular de aresta medindo 9 cm e calcular o que se pede.

a) Medida da altura do tetraedro (h), em cm: $h = \frac{a\sqrt{6}}{3} = \frac{9\sqrt{6}}{3} = 3\sqrt{6}$

Logo, a altura do tetraedro mede $3\sqrt{6}$ cm.

b) Medida do apótema do tetraedro (g), em cm: $g = \frac{a\sqrt{3}}{2} = \frac{9\sqrt{3}}{2} = 4,5\sqrt{3}$

Logo, o apótema do tetraedro mede $4,5\sqrt{3}$ cm.

c) Área lateral do tetraedro (A_l), em cm^2 : $A_l = \frac{3a^2\sqrt{3}}{4} = \frac{3 \cdot 9^2 \cdot \sqrt{3}}{4} = 60,75\sqrt{3}$

Logo, a área lateral do tetraedro é $60,75\sqrt{3} \text{ cm}^2$.

d) Área total do tetraedro (A_t), em cm^2 : $A_t = a^2\sqrt{3} = 9^2 \cdot \sqrt{3} = 81\sqrt{3}$

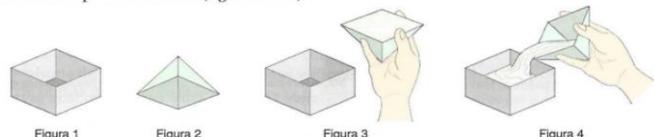
Logo, a área total do tetraedro é $81\sqrt{3} \text{ cm}^2$.

Volume de uma pirâmide

Vamos, através de uma experiência, encontrar o volume de uma pirâmide.

Usando uma folha de cartolina, construímos um prisma reto, sem uma das tampas, e uma pirâmide de mesma base e mesma altura do prisma sem o fundo (figuras 1 e 2).

Enchemos a pirâmide de areia e despejamos dentro do prisma, repetindo essa operação até encher o prisma de areia (figuras 3 e 4).



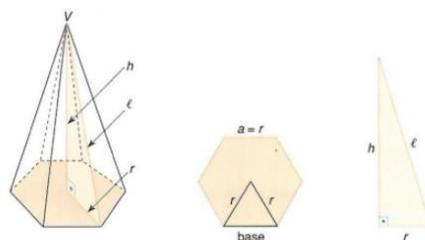
Verificamos que o prisma ficou totalmente cheio na terceira vez. Isso significa que o volume de uma pirâmide é igual à terça parte do volume de um prisma de mesma base e mesma altura. Essa relação é válida para quaisquer prismas e pirâmides de mesma base e mesma altura.

Como o volume de um prisma de área da base B e altura h é dado por $V_{\text{prisma}} = B \cdot h$, temos que o volume de uma pirâmide de mesma base e mesma altura é dado por:

$$V_{\text{pirâmide}} = \frac{1}{3} \cdot B \cdot h$$

Exemplo

Vamos calcular o volume, em cm^3 , de uma pirâmide regular hexagonal cuja aresta da base mede 8 cm e a aresta lateral, $4\sqrt{5}$ cm.



• Cálculo da medida da altura:

$$h^2 + r^2 = l^2 \Rightarrow h^2 + 8^2 = (4\sqrt{5})^2 \Rightarrow h^2 + 64 = 80 \Rightarrow h^2 = 16 \Rightarrow h = 4 \text{ ou } h = -4 \text{ (não serve)}$$

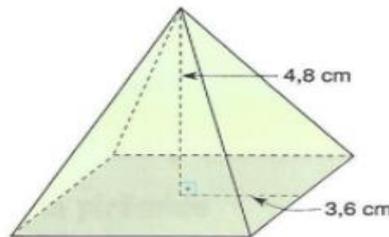
• Cálculo da área da base: $B = \frac{6a^2 \cdot \sqrt{3}}{4} = \frac{3 \cdot 8^2 \cdot \sqrt{3}}{2} = \frac{3 \cdot 64 \cdot \sqrt{3}}{2} = 96\sqrt{3}$

• Cálculo do volume: $V = \frac{1}{3} \cdot B \cdot h = \frac{1}{3} \cdot 96\sqrt{3} \cdot 4 = 128\sqrt{3}$

Logo, o volume é $128\sqrt{3} \text{ cm}^3$.

ATIVIDADE

33. A figura abaixo mostra uma pirâmide quadrangular regular.



Determine:

- a medida do apótema da pirâmide;
- a medida da aresta da base;
- a medida da aresta lateral com uma casa decimal;
- a área total.

34. Uma pirâmide quadrangular tem todas as arestas de mesma medida. A soma das medidas de todas as arestas é 120 cm. Ache a área total da pirâmide.

40. Um tetraedro regular tem 12 cm de aresta. Determine:

- a medida do apótema do tetraedro;
- a medida da altura do tetraedro;
- a área total.

45. A área da base de um prisma é 30 dm^2 e sua altura é 6 dm. Calcule o volume de uma pirâmide que tenha a mesma base e a mesma altura do prisma.

47. Uma pirâmide de cartolina tem 25 cm de altura. Sua base é um hexágono regular construído num círculo de 6 cm de raio. Calcule quantos centímetros cúbicos de areia cabem nessa pirâmide.

52. Calcule o volume e a área total de um tetraedro regular que tem $5\sqrt{6}$ dm de altura.